

a) phase ①:

∴ les trois phases du mouvement sont des translations.

La 1^{re} phase est une accélération.

la deuxième à vitesse constante.

la dernière est une déceleration.

b) Phase 1: CI: $t=0$ $V=0$ $\gamma = \gamma_0$ $x=0$

$$\gamma = \gamma_0$$

$$V = \gamma_0 t + \cancel{V_0}$$

$$x = \frac{1}{2} \gamma_0 t^2 + \cancel{V_0 t} + \cancel{x_0}$$

CF: $t=1,5\text{s}$ $V=0,15\text{ m/s}$ $\gamma=?$ $x=?$

$$\text{soit } 0,15 = 1,58 \Rightarrow \gamma = 0,1 \text{ m.s}^{-2}$$

$$\text{et } x = \frac{1}{2} \times 0,1 \times (1,5)^2 + 0 \times 1,5 = 0,1125 \text{ m}$$

c)

$$x = \frac{-0,15}{0,6} = -0,25 \text{ m/s}^2$$

$$x = -\frac{1}{2} \times 0,25 \times t^2 + 0,15 \times t$$
$$= 0,045 \text{ m}$$

d) $V = 0,15 \text{ m/s}$

$$x = 0,15t$$

$$d = 0,8 - 0,045 - 0,1125 = 0,6425 \text{ m}$$

$$t = \frac{0,6425}{0,15} = 4,28 \text{ s}$$

e) $T_{\text{total}} = t_1 + t_2 + t_3 = 1,5 + 4,28 + 0,6 = 6,38 \text{ s}$

f) $V_{\text{avg}} = \frac{0,8}{6,38} = 0,125 \text{ m/s}$

Ex 2

a) $\dot{\vartheta} = 0$ $\vartheta_0 = \omega^2 R$ $\omega = \sqrt{\frac{\vartheta_0}{R}} = \sqrt{\frac{12 \times 3,81}{8}} = 3,83 \text{ rad/s}$

$$V_A = \omega R = 3,83 \times 8 = 30,7 \text{ m/s}$$

b) $\omega = \omega_0$

$$\omega = \omega_0 t + 3,83$$

$$\text{CF: } \dot{\vartheta} = 10 \times 2\pi \quad \omega = 0$$

$$\dot{\vartheta} = \frac{1}{2} \omega_0 t^2 + 3,83 t$$

$$\begin{cases} 0 = \omega_0 t + 3,83 \\ 20\pi = \frac{1}{2} \omega_0 t^2 + 3,83 t \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \omega_0 = -\frac{3,83}{t} \\ 20\pi = -\frac{3,83}{2} \times t + 3,83 t = \frac{1}{2} 3,83 t \end{cases}$$

$$t = \frac{2 \times 20\pi}{3,83} = 3,285$$

Ex 3

CI: $t=0 \quad \theta=0 \quad \omega=0$

CF: $t=2 \quad \omega = \frac{2\pi \times 1500}{60}$

$$\begin{aligned} \alpha &= \alpha_0 \\ \omega &= \omega_0 t \\ \theta &= \frac{1}{2} \alpha_0 t^2 \end{aligned} \quad \Rightarrow \alpha_0 = \frac{\omega}{t} = \frac{157}{2} = 78,5 \text{ rad/s}^2$$

$$\boxed{\begin{aligned} \alpha &= 78,5 \\ \omega &= 78,5t \\ \theta &= \frac{1}{2} 78,5t^2 \end{aligned}}$$

$$\theta = \frac{1}{2} \times 78,5 \times 2^2 = 157 \text{ rad}$$

$$\Rightarrow 25 \text{ turns}$$